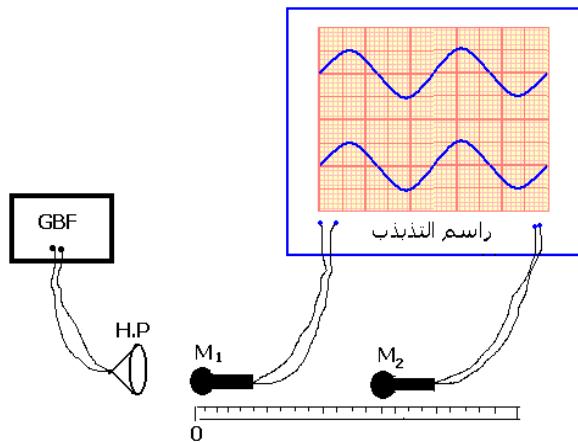


تصحيح تمارين السلسلة 1

الموجات الميكانيكية المتوازية

تمرين 2 (حساب سرعة الصوت)

1 – تبیانة التركيب التجربی المستعمل



2 – حساب سرعة انتشار الصوت في الهواء

نعتبر أن M_1 هي أصل الزمن $t_1=0$
يلتقط الميكروفون M_1 الصوت في اللحظة t_1 بينما M_2 يلتقط الصوت في اللحظة t_2 أي بتأخر زمني $\tau=t_2-t_1$

وحسب الشكل فإن التأخير الزمني هو $\tau=2\text{ms}$

$$\text{ونعلم أن } \tau = \frac{M_1 M_2}{V}$$

وبالتالي فإن :

$$\tau = \frac{M_1 M_2}{V} \Rightarrow V = \frac{M_1 M_2}{\tau} = \frac{d}{\tau}$$

$$V = 340 \text{ m/s}$$

تمرين 3

1 – حساب سرعة انتشار الموجة طول الحبل :

$$V = \sqrt{\frac{T}{\mu}} \text{ حيث أن } \mu \text{ المتباعدة الطولية للحبل ونعبر عنها بالعلاقة التالية : } \mu = \frac{m}{\ell}$$

$$V = \sqrt{\frac{T \cdot \ell}{m}} \text{ فاتعبر السرعة هو :}$$

$T=2,5\text{N}$ توتر الحبل

$\ell = 10\text{m}$ طول الحبل

$m=1,0\text{kg}$ كتلة الحبل

$$V=5\text{m/s}$$

المدة الزمنية المستغرقة من طرف الموجة عند عبورها الحبل كله :

$$V = \frac{\ell}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{\ell}{V} = 2\text{s} \text{ بحيث أن } V = \frac{d}{\Delta t} \text{ وبالتالي فإن } d = \ell = 10\text{m}$$

2 - في حالة $T'=4T$ فإن :

$$V' = \sqrt{\frac{T'}{\mu}} \Rightarrow V' = \sqrt{\frac{4T}{\mu}} = 2\sqrt{\frac{T}{\mu}} = 2V$$

السرعة تزداد مع ازدياد توتر الحبل وهذا يتضح من خلال العلاقة السابقة

3 - قيمة سرعة انتشار الموجة طول الحبل في حالة توتره بكتلة معلمة (أنظر الشكل)

تم استعمال جزء من حبل طوله يساوي طول الحبل السابق أي له نفس الكتلة الطولية في هذه الحالة سيكون الجزء المتوتر ، شدة توتره $T=Mg$ وتصبح العلاقة :

$$v'' = \sqrt{\frac{T}{\mu}} \Rightarrow v'' = \sqrt{\frac{Mg\ell}{m}} = 4m/s$$

تمرين 4 سرعة انتشار موجة ودرجة الحرارة

1 - التعبير الرياضي لسرعة انتشار الصوت في الهواء :

$$v = K\sqrt{T}$$

حيث أن T درجة الحرارة المطلقة $T = 273 + \theta^{\circ}C$

2 - سرعة انتشار الصوت في الهواء عند درجة حرارة $0^{\circ}C$:

لدينا درجة الحرارة المطلقة في هذه الحالة $K=273K$ نعتبر أن v_1 سرعة انتشار الصوت في الهواء عند درجة حرارة $0^{\circ}C$ وحسب العلاقة السابقة لدينا :

$$v_1 = K\sqrt{T_1}$$

ولدينا حسب المعطيات أن سرعة الصوت في الهواء عند درجة حرارة $15^{\circ}C$ هي $340m/s$ أي أن $T=285^{\circ}K$:

$$v_0 = K\sqrt{T_0} \Rightarrow K = \frac{v_0}{\sqrt{T_0}}$$

$$K = 20,0SI$$

وبالتالي عند $0^{\circ}C$ لدينا $v_1=330m/s$

وعند درجة حرارة $25^{\circ}C$ لدينا $v_2=345m/s$.

تمرين 5 استغلال الرسم المباني :

1 - تعريف بموجة مستعرضة : عند ما يكون منحى انتشارها عمودي اتجاه التشوه .

2 - حساب سرعة انتشار الموجة طول حبل :

حسب الشكل ، خلال المدة الزمنية $t_2 - t_1 = \Delta t$ قطع الموجة مسافة $4m$ (السلم $1cm$) أي أن السرعة v هي :

$$v = \frac{d}{\Delta t}$$

$$v = 40m/s$$

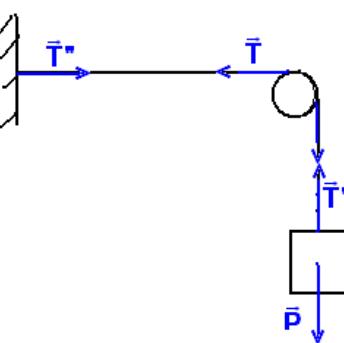
تعيين طول الموجة PQ من خلال الشكل فإن $PQ=2m$

مدة الموجة : هي المدة المستغرقة من طرف التشوه : نرمز لها ب τ

$$PQ = v \cdot \tau \Rightarrow \tau = \frac{PQ}{v} = 0,05m/s$$

4 - تاريخ انبعاث الموجة من النقطة A :

لنعتبر t_0 هو تاريخ انبعاث الموجة من النقطة A وحسب الشكل الذي يمثل ظهور الحبل عند $t_1=0,6s$:



$$AQ = v(t_1 - t_0) \Rightarrow AQ = vt_1 - vt_0$$

$$t_0 = t_1 - \frac{AQ}{v}$$

تطبيق عددي : $t_0 = 0s$

تمرين 6 تحديد نقطة سقوط صاعقة .

نعتبر اللحظة t_1 تاريخ رؤية البرق أي أن $d = C.t_1$ بحيث أن d هي المسافة الفاصلة بين النقطة

التي حدثت فيه الصاعقة والملاحظ

نعتبر t_2 تاريخ سماع الرعد أي أن $d = V.t_2$

نعتبر $\Delta t = t_2 - t_1$ وحسب العلاقات السابقتين لدينا :

$$\Delta t = \frac{d}{V} - \frac{d}{C} \Rightarrow d = \frac{\Delta t}{\frac{1}{V} - \frac{1}{C}} \text{ أي أن } t_2 = \frac{d}{V} \text{ و } t_1 = \frac{d}{C}$$

بما أن $V > C$ فإن $\frac{1}{C} < \frac{1}{V}$ أي من الممكن إهمال $\frac{1}{C}$ أمام $\frac{1}{V}$ وتصبح العلاقة $d = V.\Delta t$

تطبيق عددي : $d = 5000m$

تمرين 7 دراسة موجة ميكانيكية دائرة

1 – الموجة على سطح الماء مستعرضة لأن اتجاه التشوه بواسطة المسمار عمودي على اتجاه انتشار الموجة .

$$V = 0,02m/s \text{ وبالتالي فإن } V = \frac{d}{\Delta t}$$

ب – بتطبيق العلاقة $V = \frac{d}{\Delta t}$ بحيث أن $\Delta t = t - t_0 = t$ نجد أن

$$d = r = V.t \Rightarrow r = 0,06m$$

ج – لحظة وصول الموجة إلى النقطة M :

$$\Delta t = \frac{d}{V} \Rightarrow t_M = \frac{d}{V} = \frac{d}{\Delta t}$$

$$t_M = 5s$$

د – التأخير الزمني τ بين النقطتين S و M :

$$\tau = t_M - t_S = 5s$$